

Aufgaben 11 Wellen Huygens'sches Prinzip, Reflexion, Brechung

Lernziele

- das Huygens'sche Prinzip kennen, verstehen und anwenden können.
- das Reflexionsgesetz und das Brechungsgesetz kennen und anwenden können.
- einen Sachverhalt analysieren und beurteilen können.

Aufgaben

11.1 Eine auf einer Wasseroberfläche laufende Welle trifft auf ein Hindernis und wird gebeugt. Zeichnen Sie mit Hilfe des Huygens'schen Prinzips die Wellenfronten der Welle hinter dem Hindernis:

- Eine gerade Welle läuft auf eine enge Öffnung zu (Abb. 1).
- Eine gerade Welle läuft auf ein Gitter mit vielen engen Öffnungen zu (Abb. 2).
- Eine Kreiswelle läuft auf ein Gitter mit vielen engen Öffnungen zu (Abb. 2).

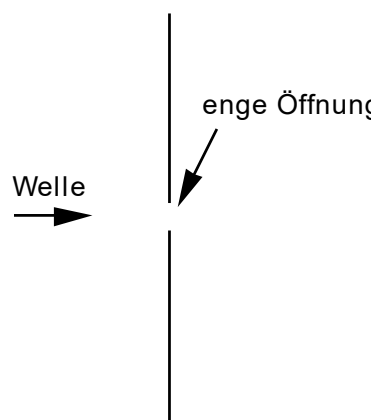


Abb. 1: zu a)

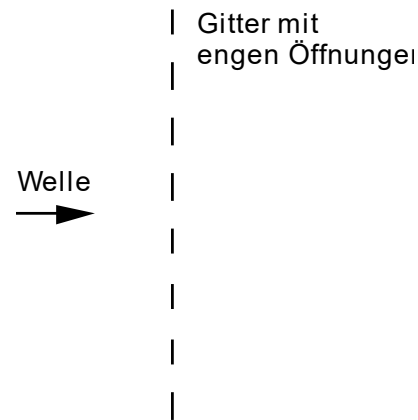
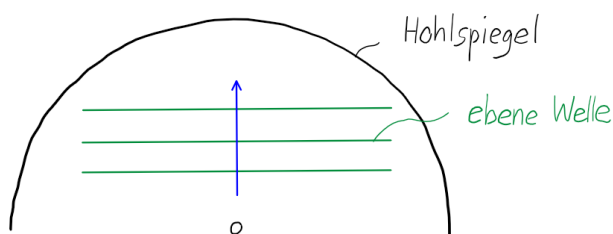


Abb. 2: zu b) und c)

11.2 Eine Kreiswelle geht von einem Erregerzentrum Z aus, stösst auf ein geradliniges Hindernis und wird reflektiert.

- Zeichnen Sie die Wellenfronten der von Z ausgehenden Kreiswelle.
- Zeichnen Sie mit Hilfe des Huygens'schen Prinzips die Wellenfronten der reflektierten Welle.
- Zeigen Sie, dass das Zentrum Z' der reflektierten Wellenfronten das geometrische Spiegelbild von Z an der durch das Hindernis gebildeten Reflexionsgeraden ist.

11.3 Betrachten Sie eine ebene Welle, welche auf einen sphärischen (d.h. kugelschalenförmigen) Hohlspiegel trifft und an dessen Oberfläche reflektiert wird.



(Fortsetzung siehe nächste Seite)

Konstruieren Sie mit Hilfe des Huygens'schen Prinzips die Form der Wellenfront der reflektierten Welle.

Hinweise:

- Betrachten Sie die Projektion der Situation wie in der obigen Skizze. In dieser Projektion erscheint der Hohlspiegel als Kreisbogen und die Fronten der einfallenden ebenen Welle als Geraden.
- Betrachten Sie den Zeitpunkt, zu welchem die einfallende Welle den Scheitelpunkt des Hohlspiegels erreicht. Zu diesem Zeitpunkt breiten sich bereits Elementarwellen aus, die bei der Reflexion in allen anderen Punkten des Hohlspiegels erzeugt wurden.
- Überlegen Sie sich, wie weit all diese Elementarwellen schon gekommen sind.
- Überlagern Sie all diese Elementarwellen zur neuen reflektierten Wellenfront.

- 11.4 In einem Experiment mit der Wellenwanne können die Reflexion und die Brechung von geraden Wasserwellen beobachtet werden.

Beurteilen Sie sowohl für die Reflexion als auch für die Brechung, ob ...

- ... der Ausfallswinkel gleich oder ungleich dem Einfallswinkel ist.
- ... die Frequenz der Welle gleich bleibt oder sich verändert.
- ... die Wellenlänge gleich bleibt oder sich verändert.

- 11.5 Eine Welle trifft auf eine Grenzfläche zweier Medien.

v_1 und v_2 sind die Ausbreitungsgeschwindigkeiten der Welle in den beiden Medien.

θ_1 ist der Einfallswinkel, θ_1' der Ausfallswinkel der reflektierten Welle und θ_2 der Ausfallswinkel der gebrochenen Welle.

Bestimmen Sie die jeweiligen fehlenden Grössen.

	v_1	v_2	θ_1	θ_1'	θ_2
a)	5100 m/s	340 m/s	75.0°		
b)	300 m/s			35.2°	37.9°
c)	5100 m/s	6400 m/s			68.4°
d)	340 m/s	5100 m/s		6.46°	

- 11.6 Eine Welle (z.B. eine Erdbebenwelle) trifft auf die Grenzfläche zweier Medien (z.B. zwei verschiedene Gesteinsschichten in der Erdkruste). Man beobachtet beim Einfallswinkel 42° den Ausfallswinkel 36°.

Beurteilen Sie, was sich über die Ausbreitungsgeschwindigkeiten der Welle in den beiden Medien aussagen lässt.

- 11.7 Studieren Sie die nachfolgenden Texte aus dem Lehrbuch Tipler/Mosca (siehe Quellenangabe weiter unten) zur **Herleitung** des **Reflexions-** und des **Brechungsgesetzes**.

Hinweis:

- Die Ausbreitungsgeschwindigkeit der Welle wird hier mit **c** statt mit **v** bezeichnet.

(Fortsetzung siehe nächste Seite)

a) Herleitung des **Reflexionsgesetzes**

Abb. 28.24 zeigt eine ebene Wellenfront AA' , die im Punkt A auf einen Spiegel trifft. Wie aus der Abbildung hervorgeht, ist der Winkel ϕ_1 zwischen der Wellenfront und dem Spiegel ebenso groß wie der Einfallswinkel θ_1 . Dies ist der Winkel zwischen dem Einfallslot und den einfallenden Lichtstrahlen, die senkrecht auf den Wellenfronten stehen. Nach dem Huygens'schen Prinzip kann jeder Punkt auf einer gegebenen Wellenfront als Punktquelle einer sekundären Elementarwelle angesehen werden. Die Position der Wellenfront nach einer bestimmten Zeit t können wir ermitteln, indem wir Elementarwellen konstruieren, die den Radius ct haben und deren Mittelpunkte auf der Wellenfront AA' liegen. Elementarwellen, die die Spiegeloberfläche noch nicht erreicht haben, bilden den Teil BB' der neuen Wellenfront. Elementarwellen, die den Spiegel bereits erreicht haben, werden reflektiert und bilden den Teil $B''B$ der neuen Wellenfront. Mit derselben Konstruktion erhalten wir die Wellenfront $C''C$ aus den Huygens'schen Elementarwellen, die aus der Wellenfront CC' hervorgehen.

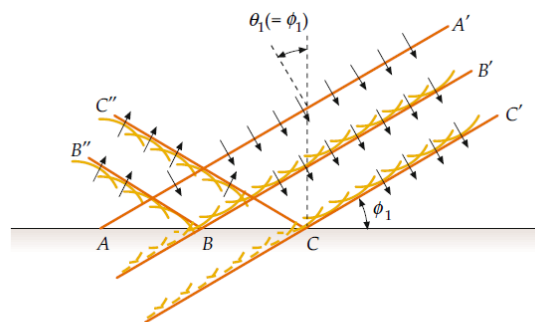


Abb. 28.24 Eine ebene Welle, die an einem ebenen Spiegel reflektiert wird. Der Winkel θ_1 zwischen dem einfallenden Strahl und dem Einfallslot ist der Einfallswinkel. Er ist ebenso groß wie der Winkel ϕ_1 zwischen der einfallenden Wellenfront und dem Spiegel

Abb. 28.25 zeigt einen vergrößerten Ausschnitt von Abb. 28.24. Hier ist die Wellenfront AP dargestellt, die Teil der ursprünglichen Wellenfront AA' ist. In der Zeit t erreicht die von Punkt P ausgehende Elementarwelle den Spiegel im Punkt B , und die Elementarwelle vom Punkt A erreicht in derselben Zeit den Punkt B'' . Die reflektierte Wellenfront $B''B$ bildet mit dem Spiegel den Winkel ϕ'_1 , der gleich dem Reflexionswinkel θ'_1 zwischen dem reflektierten Strahl und dem Einfallslot ist. Die Dreiecke ABB'' und ABP sind rechtwinklige Dreiecke mit der gemeinsamen Seite AB und gleich großen Seiten $AB'' = BP = ct$. Daher sind diese Dreiecke kongruent. Die Winkel ϕ_1 und ϕ'_1 sind daher gleich. Somit ist der Reflexionswinkel θ'_1 gleich dem Einfallswinkel θ_1 .

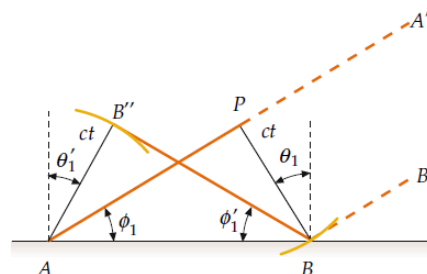


Abb. 28.25 Zur Herleitung des Reflexionsgesetzes nach dem Huygens'schen Prinzip. Die ankommende Wellenfront AP trifft den Spiegel zuerst im Punkt A . Nach der Zeit t trifft die von P ausgehende Elementarwelle den Spiegel im Punkt B , während die von A ausgehende Elementarwelle den Punkt B'' erreicht

b) Herleitung des **Brechungsgesetzes**

Abb. 28.26 zeigt eine ebene Welle, die auf eine Luft-Glas-Grenzfläche trifft. Wir wenden auch hier die Huygens'sche Konstruktion an, um die Wellenfront der in das Glas eintretenden Welle zu ermitteln. Die Gerade AP repräsentiert einen Teil der Wellenfront im Medium 1 (Luft). Sie trifft die Glasoberfläche unter dem Winkel ϕ_1 . In der Zeit t legt die von P ausgehende Elementarwelle die Strecke $c_{n,1} t$ zurück und erreicht den Punkt B auf der Linie AB , die beide Medien voneinander trennt. In derselben Zeit legt die von A ausgehende Elementarwelle im Medium 2 die kürzere Strecke $c_{n,2} t$ zurück. Die neue Wellenfront BB' verläuft nicht parallel zur ursprünglichen Wellenfront AP , weil die Geschwindigkeiten $c_{n,1}$ und $c_{n,2}$ unterschiedlich sind. Im Dreieck ABP ist

$$\sin \phi_1 = \frac{c_{n,1} t}{AB}$$

oder

$$AB = \frac{c_{n,1} t}{\sin \phi_1} = \frac{c_{n,1} t}{\sin \theta_1}.$$

Dabei haben wir die Tatsache ausgenutzt, dass der Winkel ϕ_1 gleich dem Einfallswinkel θ_1 ist. Entsprechend gilt im Dreieck ABB'

$$\sin \phi_2 = \frac{c_{n,2} t}{AB}$$

oder

$$AB = \frac{c_{n,2} t}{\sin \phi_2} = \frac{c_{n,2} t}{\sin \theta_2}.$$

Darin ist $\theta_2 = \phi_2$ der Brechungswinkel. Wir setzen die Kehrwerte der beiden Ausdrücke für die Strecke AB gleich und erhalten

$$\frac{\sin \theta_1}{c_{n,1}} = \frac{\sin \theta_2}{c_{n,2}}. \quad (28.16)$$

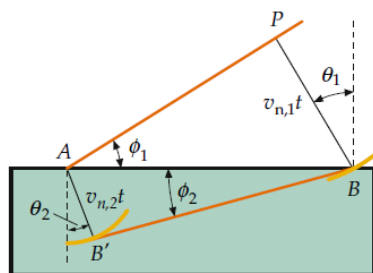


Abb. 28.26 Anwendung des Huygens'schen Prinzips der Elementarwellen auf ebene Wellen, die an der Grenzfläche zweier Medien gebrochen werden. Das Licht hat im Medium 1 (Luft) die Wellengeschwindigkeit $c_{n,1}$ und im Medium 2 (Glas) die geringere Wellengeschwindigkeit $c_{n,2}$. Der Brechungswinkel ist hier kleiner als der Einfallswinkel

Hinweis:

- In der Abb. 28.26 sollten die Wellenausbreitungsgeschwindigkeiten konsequenterweise mit $c_{n,1}$ und $c_{n,2}$ bezeichnet sein, nicht mit $v_{n,1}$ und $v_{n,2}$.

Quelle:

Tipler, P.A., Mosca G., Kersten, P. (Hrsg.), Wagner, J. (Hrsg.): Physik für Studierende der Naturwissenschaften und Technik, Springer Spektrum, Berlin 2019, 8. Auflage, ISBN 978-3-622-58280-0 (Seiten 1041 und 1042)

11.8 Beurteilen Sie, ob die folgenden Aussagen wahr oder falsch sind.
Kreuzen Sie das entsprechende Kästchen an.

	wahr	falsch
a) Die Form der Wellenfront einer reflektierten, ebenen Welle kann mit Hilfe des Huygens'schen Prinzips bestimmt werden.	☐	☐
b) Beim Huygens'schen Prinzip wird die Überlagerung der Elementarwellen in Rückwärtsrichtung ignoriert.	☐	☐
c) Die Herleitung des Brechungsgesetzes mit Hilfe des Huygens'schen Prinzips ist nur gültig bei der Brechung einer Welle an einer Grenzfläche zu einem Medium, in welchem die Ausbreitungsgeschwindigkeit der Welle kleiner ist als im ursprünglichen Medium.	☐	☐
d) Das Huygens'sche Prinzip gilt bei ebenen Wellen und bei Kreiswellen, nicht aber bei Wellen mit anderen Formen der Wellenfronten.	☐	☐
e) Bei der Herleitung des Brechungsgesetzes mit Hilfe des Huygens'schen Prinzips wird die Gültigkeit des Reflexionsgesetzes vorausgesetzt.	☐	☐

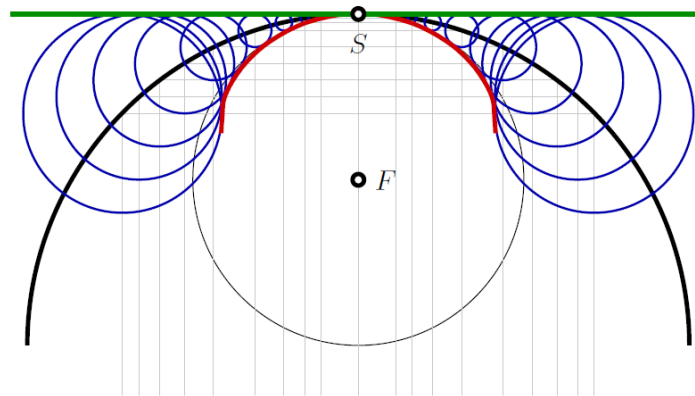
Lösungen

11.1 ...

11.2 ...

11.3

Wir betrachten eine *ebene Welle*, welche auf einen Kugelhohlspiegel stösst und an dessen Oberfläche reflektiert wird. Die Situation ist in der folgenden Skizze dargestellt.



Um die *Wellen-Front* der *reflektierten Welle* mit Hilfe des Prinzips von HUYGENS-FRESNEL zu skizzieren, gehen wir nach folgenden Schritten vor.

- S1** Wir skizzieren einen Halbkreis (schwarz), welcher die Projektion des Kugelhohlspiegels auf die Ebene darstellt. Die *ebene Welle* läuft in der Skizze von unten nach oben ein.
- S2** Wir zeichnen, ausgehend vom *Scheitel-Punkt* S des Halbkreises nach unten, in regelmässigen Abständen ein paar horizontale Hilfslinien (grau) ein und verlängern diese jeweils von ihrem Schnittpunkt mit dem Halbkreis nach unten.
- S3** Wir betrachten nun den Zeitpunkt, wenn die einlaufende *ebene Welle* gerade den *Scheitel-Punkt* S in der Skizze erreicht hat. Wenn wir uns den Kugelhohlspiegel wegdenken, dann wäre die *Wellen-Front* jetzt auf der Höhe der grünen Linie.
- S4** Um alle Schnittpunkte der Hilfslinien (grau) mit dem Halbkreis (schwarz) zeichnen wir jeweils die Projektion einer *elementaren Kugel-Welle* (blau), dessen Peripherie bis zur grünen Linie reicht.
- S5** Die *reflektierte Wellen-Front* ist die Kurve (rot), welche sich innerhalb des Halbkreises an die *elementaren Kugel-Wellen* anschmiegt. Sie kann in der Nähe des *Scheitel-Punktes* S durch einen Kreis (schwarz) mit Mittelpunkt am vermeintlichen *Brenn-Punkt* F angenähert werden.

Die *reflektierte Welle* ist offensichtlich weder eine *ebene Welle*, noch verläuft sie exakt durch einen *Brenn-Punkt*.

11.4 Reflexion

- Ausfallswinkel = Einfallswinkel
- Frequenz bleibt gleich
- Wellenlänge bleibt gleich

Brechung

- Ausfallswinkel $\neq$ Einfallswinkel
- Frequenz bleibt gleich
- Wellenlänge verändert sich

11.5 Reflexionsgesetz: $\theta_1' = \theta_1$

Brechungsgesetz: $\frac{\sin(\theta_1)}{\sin(\theta_2)} = \frac{v_1}{v_2}$

	v_1	v_2	θ_1	θ_1'	θ_2
a)	5100 m/s	340 m/s	75.0°	75.0°	3.69°
b)	300 m/s	320 m/s	35.2°	35.2°	37.9°
c)	5100 m/s	6400 m/s	47.8°	47.8°	68.4°
d)	340 m/s	5100 m/s	6.46°	6.46°	existiert nicht (keine gebrochene Welle)

11.6 Es ist nur eine Aussage über das Verhältnis der beiden Ausbreitungsgeschwindigkeiten möglich, nicht über die Ausbreitungsgeschwindigkeiten in den einzelnen Medien.

$$\frac{\sin(\theta_1)}{\sin(\theta_2)} = \frac{v_1}{v_2}$$

$$\frac{v_2}{v_1} = \frac{\sin(36^\circ)}{\sin(42^\circ)} = 0.88$$

11.7 -

- 11.8
- a) wahr
 - b) wahr
 - c) falsch
 - d) falsch
 - e) falsch