

## Aufgaben 7      Interferenz Überlagerung, Interferenz, Stehende Wellen

### Lernziele

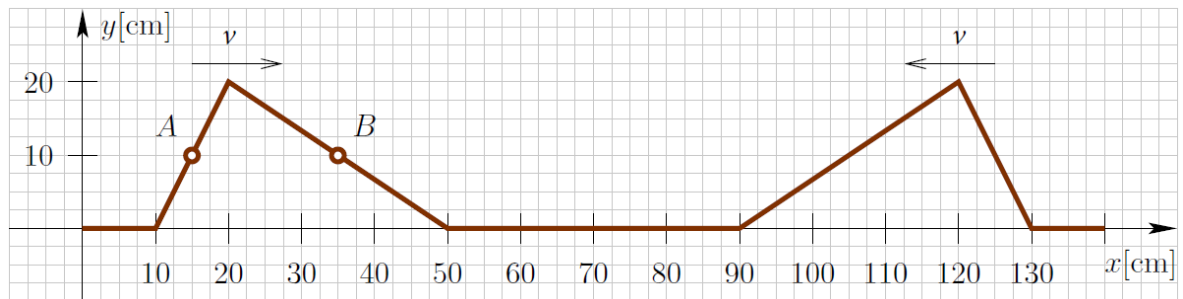
- das Prinzip der ungestörten Überlagerung von Wellen kennen und verstehen.
- wissen und verstehen, was konstruktive und destruktive Interferenz ist.
- die Überlagerung zweier in gleiche Richtung bzw. gegeneinander laufender Wellen beschreiben können und verstehen.
- wissen und verstehen, was ein Gangunterschied ist.
- die Interferenz zweier schräg zueinander laufender gleicher Sinuswellen verstehen.
- wissen, wie die Energie im Überkreuzungsbereich zweier Sinuswellen fließt.
- wissen, wie eine Welle an einem festen und freien Ende eines Wellenträgers reflektiert wird.
- verstehen, wie eine stehende Welle entsteht.
- eine stehende Welle auf einem eindimensionalen Wellenträger als Überlagerung zweier entgegengerichteter Wellen verstehen.
- ausgewählte einfachere Problemstellungen zur Interferenz bearbeiten können.
- sich aus dem Studium eines schriftlichen Dokumentes neue Kenntnisse und Fähigkeiten erarbeiten können.
- einen bekannten oder neuen Sachverhalt analysieren und beurteilen können.
- eine neue Problemstellung selbstständig bearbeiten und in einer Gruppe diskutieren können.

### Aufgaben

#### 7.1 Vorgängiges Selbststudium

- a) Studieren Sie im Lehrbuch KPK 3 die folgenden Abschnitte:
  - 4.9 Zwei Wellen am selben Ort (Seite 34, ohne Aufgabe 2)
  - 4.10 Zwei Sinuswellen – Interferenz (Seite 35, ohne Erklärungen zur Formel  $y = \dots$ , ohne Aufgaben)
  - 4.11 Reflexion von Wellen (Seite 36)
  - 4.13 Die Interferenz von Wellen (Seite 38, nur bis Abb. 4.38, ohne Aufgaben)
- b) Studieren Sie das folgende **Applet**:
  - [Überlagerung \(Interferenz\) zweier Störungen](#) (Überlagerung zweier gegeneinanderlaufender Störungen)
- c) Studieren Sie die folgenden **YouTube-Videos**:
  - [Überlagerung von konzentrischen Kreiswellen auf Wasser](#) (0:33)
  - [Überlagerung und Interferenz zweier Kreiswellen](#) (0:36)
  - [Interferenz zweier Lautsprecher](#) (1:08)
  - [Wellenabschluss, Reflexion, Stehende Welle](#) (Wellenmaschine) (5:56)
- d) Studieren Sie das folgende **Applet**:
  - [Stehende Welle \(Erklärung durch Überlagerung mit der reflektierten Welle\)](#)Bearbeiten Sie dazu die folgenden Aufgabenstellungen:
  - i) Beobachten Sie, wie die von links einfallende Welle am festen bzw. freien Ende reflektiert wird. Beurteilen Sie den Unterschied zwischen der Reflexion an einem festen und der Reflexion an einem losen Ende.
  - ii) Beobachten und Sie die Entstehung einer stehenden Welle bei der Reflexion einer Welle an einem festen bzw. freien Ende des Wellenträgers.
  - iii) Beurteilen Sie, ob die stehende Welle am Ende des Wellenträgers einen Schwingungsknoten oder einen Schwingungsbauch aufweist.
- e) Führen Sie in Moodle den [Test 7.1](#) durch.

- 7.2 Auf einem Seil nähern sich zwei Pulse mit der entgegengesetzt gleichen Geschwindigkeiten  $v = 40 \text{ cm/s}$ . Die Situation zum Zeitpunkt  $t_0 = 0 \text{ s}$  ist in der folgenden Skizze dargestellt:



Skizzieren Sie die Situation zum Zeitpunkt  $t_2 = 750 \text{ ms}$ .

- 7.3 Bearbeiten Sie im Arbeitsbuch Mills zu Tipler/Mosca die folgenden Aufgaben:  
 12.4, 12.5

- 7.4 Studieren Sie zur **Interferenz** zweier Wellen das folgende **Applet**:  
 - [Interferenz zweier Kreis- oder Kugelwellen](#) (Interferenz zweier Kreiswellen 1)

Die wandernden schwarzen Kreise symbolisieren die von den beiden Erregerzentren ausgehenden Wellenberge, die grauen Kreise die Wellentäler.

- Beschreiben Sie die Orte, welche durch die **roten** Linien gekennzeichnet sind.
- Beschreiben Sie die Orte, welche durch die **blauen** Linien gekennzeichnet sind.
- Bestimmen Sie, wie die Anzahl der zwischen den beiden Erregerzentren liegenden roten Linien vom Abstand  $d$  der beiden Erregerzentren und von der Wellenlänge  $\lambda$  abhängt.
- Begründen Sie, warum es sich bei den roten und blauen Linien (ausser bei der roten Mittelsenkrechten) um Hyperbeln handelt.

Hinweis:

- Schlagen Sie die geometrische Definition einer Hyperbel nach.

- 7.5 Betrachten Sie die Überlagerung zweier Sinus-Wellen, welche durch die beiden Funktionen  $y_1$  und  $y_2$  mit den folgenden Funktionsgleichungen beschrieben werden:

$$y_1(x,t) = \hat{y} \cdot \sin(kx - \omega t) \quad \text{mit } \hat{y} = 0.30 \text{ m, } k = 2.0 \text{ m}^{-1}, \omega = 1.0 \text{ s}^{-1}$$

$$y_2(x,t) = \hat{y} \cdot \sin(kx + \omega t) \quad \text{mit } \hat{y} = 0.30 \text{ m, } k = 2.0 \text{ m}^{-1}, \omega = 1.0 \text{ s}^{-1}$$

- Bestimmen Sie die Wellenlänge, die Frequenz und die Periodendauer der beiden Wellen.
- Begründen Sie schlüssig, dass die erste Welle in die positive und die zweite Welle in die negative  $x$ -Richtung läuft.

Hinweise:

- Betrachten Sie jede Einzelwelle zu zwei nahe beieinanderliegenden Zeitpunkten  $t_1$  und  $t_2$  ( $t_2 > t_1$ ).
- Überlegen Sie sich, ob sich für einen Punkt konstanter Phase, z.B. für einen Wellenberg, die  $x$ -Koordinate in der Zeitspanne von  $t_1$  bis  $t_2$  vergrößert oder verkleinert.
- Die Phase ist das Argument der Sinusfunktion, d.h.  $kx - \omega t$  bzw.  $kx + \omega t$ .

- (siehe nächste Seite)

- c) Bilden Sie die Überlagerung der beiden Wellen:

$$y(x,t) := y_1(x,t) + y_2(x,t)$$

Interpretieren Sie das Ergebnis: Begründen Sie, dass es sich bei dieser Überlagerung um eine stehende Welle handelt.

Hinweis:

- Verwenden Sie die folgende trigonometrische Identität:

$$\sin(\alpha) + \sin(\beta) \equiv 2 \sin\left(\frac{\alpha+\beta}{2}\right) \cos\left(\frac{\alpha-\beta}{2}\right)$$

- 7.6 Eine Lichtquelle befindet sich im Koordinatenursprung A (0 cm | 0 cm | 0 cm) und eine andere Lichtquelle am Ort B (0 cm | 1.00 cm | 0 cm). Beide Lichtquellen senden periodische Sinuswellen aus. Diese haben die gleiche Frequenz und sind in Phase. Das bedeutet, dass die Wellenberge der beiden Lichtwellen die Lichtquellen gleichzeitig verlassen.

In einer Umgebung des Punktes P (50.0 m | 0 m | 0 m) wird die Lichtintensität gemessen. Dabei wird festgestellt, dass diese null wird, wenn man das Messgerät gleich weit vom Punkt weg in die positive oder negative z-Richtung bewegt.

Bestimmen Sie, was sich aus dieser Beobachtung über die ...

- a) ... Wellenlänge der Lichtwellen aussagen lässt.  
b) ... Frequenz der Lichtwellen aussagen lässt.

- 7.7 Führen Sie in Moodle den [Test 7.3](#) durch.

- 7.8 Beurteilen Sie, ob die folgenden Aussagen wahr oder falsch sind.  
Kreuzen Sie das entsprechende Kästchen an.

	wahr	falsch
a) Zwei Wellen, überlagern sich an einem Punkt so, dass sich die Auslenkungen der beiden Einzelwellen an diesem Ort zu einer Gesamtauslenkung addieren.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
b) Ungestörte Überlagerung tritt nur auf, wenn die betreffenden Wellen die gleichen Frequenzen und Wellenlängen besitzen.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
c) Bei konstruktiver Interferenz zweier Wellen der Amplituden $A_1$ und $A_2$ entsteht eine Welle der Amplitude $A_1 + A_2$ .	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
d) Eine stehende Welle entsteht durch die Überlagerung zweier Wellen, die gegeneinander laufen.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
e) Eine stehende Welle kommt nur zustande, wenn die sich überlagernden Wellen die gleichen Amplituden, die gleichen Frequenzen und die gleichen Wellenlängen besitzen.	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>