

## Aufgaben 12      Wellen Beugung, Huygens'sches Prinzip, Reflexion, Brechung

### Lernziele

- sich aus dem Studium eines schriftlichen Dokumentes neue Kenntnisse und Fähigkeiten erarbeiten können.
- einen bekannten oder neuen Sachverhalt analysieren und beurteilen können.
- aus einem Experiment neue Erkenntnisse gewinnen können.
- eine neue Problemstellung selbstständig bearbeiten und in einer Gruppe diskutieren können.
- das Huygens'sche Prinzip kennen, verstehen und anwenden können.
- das Phänomen der Beugung kennen und mit Hilfe des Huygens'schen Prinzips erklären können.
- den Zusammenhang zwischen der Ausprägung der Beugung einer Welle, der Wellenlänge und den Abmessungen des beugenden Objektes kennen.
- das Reflexionsgesetz und das Brechungsgesetz kennen.
- die Herleitung des Reflexions- und des Brechungsgesetzes mit Hilfe des Huygens'schen Prinzips verstehen.
- das Reflexionsgesetz und das Brechungsgesetz in konkreten Problemstellungen anwenden können.

### Aufgaben

- 12.1      Studieren Sie im Lehrbuch KPK 3 den folgenden Abschnitt:  
- 4.14 Die Beugung von Wellen (Seite 39)
- 12.2      Eine Person steht hinter einem Baum mit einem grossen Stammdurchmesser und ruft.  
Man stellt fest, dass man die Person zwar **hört**, jedoch **nicht sieht**.  
Erklären Sie diesen Gegensatz mit Hilfe des Phänomens Beugung.
- 12.3      Eine auf einer Wasseroberfläche laufende Welle trifft auf ein Hindernis und wird gebeugt.  
Zeichnen Sie mit Hilfe des Huygens'schen Prinzips die Wellenfronten der Welle hinter dem Hindernis:
- a)      Eine gerade Welle läuft auf eine enge Öffnung zu (Abb. 1).
  - b)      Eine gerade Welle läuft auf ein Gitter mit vielen engen Öffnungen zu (Abb. 2).
  - c)      Eine Kreiswelle läuft auf ein Gitter mit vielen engen Öffnungen zu (Abb. 2).

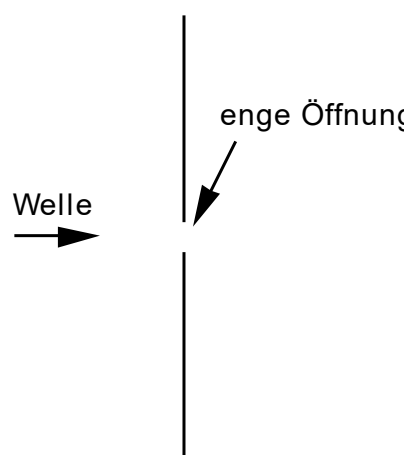


Abb. 1: zu a)

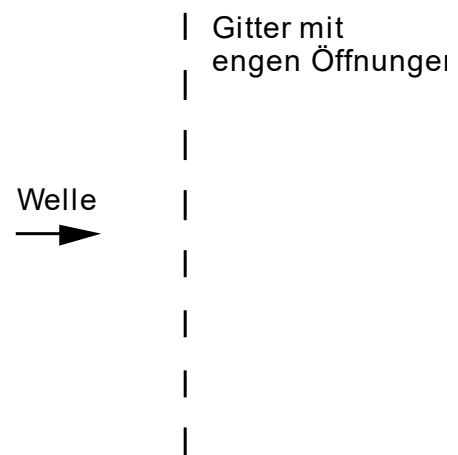


Abb. 2: zu b) und c)

- 12.4      (siehe nächste Seite)

#### 12.4 Experimente Posten 1: Beugung an Hindernissen (10 min)

Beobachten Sie auf der Wellenwanne die Beugung einer geraden Wasserwelle an verschiedenen Hindernissen:

- a) Beugung an einer Kante

Vergleichen Sie Ihre Beobachtungen mit der Abbildung 4.44 im Lehrbuch KPK 3 (Seite 39).

**Alternative zum Experiment**

Studieren Sie das folgende **YouTube-Video**:

- [Beugung von Wellen](#)

- b) Beugung an einem Spalt

**Alternative zum Experiment**

Studieren Sie das folgende **YouTube-Video**:

- [Beugung am Spalt](#)

- c) Beugung an einem Doppelspalt

**Alternative zum Experiment**

Studieren Sie das folgende **YouTube-Video**:

- [Beugung am Doppelspalt](#)

Hinweis:

- Vergleichen Sie mit dem Experiment (bzw. dem **YouTube-Video**) in der Aufgabe 11.4.

#### 12.5 In einem Experiment mit der Wellenwanne können die Reflexion und die Brechung von geraden Wasserwellen beobachtet werden.

Beurteilen Sie sowohl für die Reflexion als auch für die Brechung, ob ...

- ... der Ausfallswinkel gleich oder ungleich dem Einfallswinkel ist.
- ... die Frequenz der Welle gleich bleibt oder sich verändert.
- ... die Wellenlänge gleich bleibt oder sich verändert.

**Alternative zum Experiment**

keine

#### 12.6 Studieren Sie das folgende **Java-Applet**, in welchem das Reflexions- und das Brechungsgesetz veranschaulicht und mit Hilfe des Huygens'schen Prinzips erklärt wird:

- [Reflexion und Brechung von Wellen \(Huygens'sches Prinzip\) \(1\)](#)

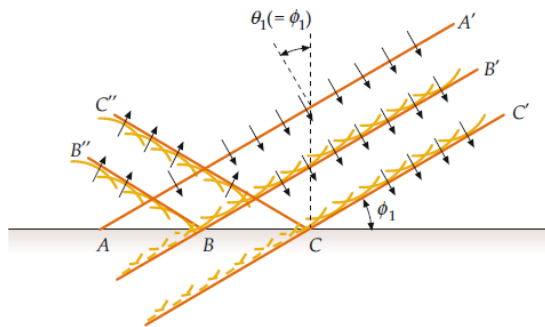
Führen Sie jeden Schritt aus, und studieren Sie jeweils den dazu erscheinenden Text im Applet.

#### 12.7 Studieren Sie im folgenden Text die Herleitung des Reflexions- und des Brechungsgesetzes:

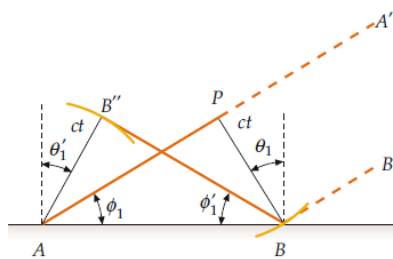
##### Reflexion

Abbildung 28.24 zeigt eine ebene Wellenfront  $AA'$ , die im Punkt  $A$  auf einen Spiegel trifft. Wie aus der Abbildung hervorgeht, ist der Winkel  $\phi_1$  zwischen der Wellenfront und dem Spiegel ebenso groß wie der Einfallswinkel  $\theta_1$ . Dies ist der Winkel zwischen dem Einfallslot und den einfallenden Lichtstrahlen, die senkrecht auf den Wellenfronten stehen. Nach dem Huygens'schen Prinzip kann jeder Punkt auf einer gegebenen Wellenfront als Punktquelle einer sekundären Elementarwelle angesehen werden. Die Position der Wellenfront nach einer bestimmten Zeit  $t$  können wir ermitteln, indem wir Elementarwellen konstruieren, die den Radius  $ct$  haben und deren Mittelpunkte auf der Wellenfront  $AA'$  liegen. Elementarwellen, die die Spiegelfläche noch nicht erreicht haben, bilden den Teil  $BB'$  der neuen Wellenfront. Elementarwellen, die den Spiegel bereits erreicht haben, werden reflektiert und bilden den Teil  $B''B$  der neuen Wellenfront. Mit derselben Konstruktion erhalten wir die Wellenfront  $C''C$  aus den Huygens'schen Elementarwellen, die aus der Wellenfront  $CC'$  hervorgehen.

Abbildung 28.25 zeigt einen vergrößerten Ausschnitt von Abbildung 28.24. Hier ist die Wellenfront  $AP$  dargestellt, die Teil der ursprünglichen Wellenfront  $AA'$  ist. In der Zeit  $t$  erreicht die vom Punkt  $P$  ausgehende Elementarwelle den Spiegel im Punkt  $B$ , und die Elementarwelle vom Punkt  $A$  erreicht in derselben Zeit den Punkt  $B''$ . Die reflektierte Wellenfront  $B''B$  bildet mit dem Spiegel den Winkel  $\phi_1'$ , der gleich dem Reflexionswinkel  $\theta_1'$  zwischen dem reflektierten Strahl und dem



**Abbildung 28.24** Eine ebene Welle, die an einem ebenen Spiegel reflektiert wird. Der Winkel  $\theta_1$  zwischen dem einfallenden Strahl und dem Einfallslot ist der Einfallswinkel. Er ist ebenso groß wie der Winkel  $\phi_1$  zwischen der einfallenden Wellenfront und dem Spiegel.



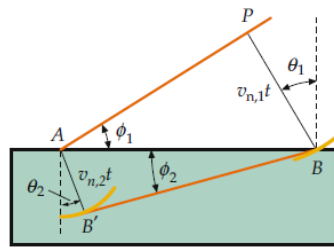
**Abbildung 28.25** Zur Herleitung des Reflexionsgesetzes nach dem Huygens'schen Prinzip. Die ankommende Wellenfront  $AP$  trifft den Spiegel zuerst im Punkt  $A$ . Nach der Zeit  $t$  trifft die von  $P$  ausgehende Elementarwelle den Spiegel im Punkt  $B$ , während die von  $A$  ausgehende Elementarwelle den Punkt  $B''$  erreicht.

Einfallslot ist. Die Dreiecke  $ABB''$  und  $ABP$  sind rechtwinklige Dreiecke mit der gemeinsamen Seite  $AB$  und gleich großen Seiten  $AB'' = BP = ct$ . Daher sind diese Dreiecke kongruent. Die Winkel  $\phi_1$  und  $\phi_1'$  sind daher gleich. Somit ist der Reflexionswinkel  $\theta_1'$  gleich dem Einfallswinkel  $\theta_1$ .

### Brechung

Abbildung 28.26 zeigt eine ebene Welle, die auf eine Luft-Glas-Grenzfläche trifft. Wir wenden auch hier die Huygens'sche Konstruktion an, um die Wellenfront der in das Glas eintretenden Welle zu ermitteln. Die Gerade  $AP$  repräsentiert einen Teil der Wellenfront im Medium 1 (Luft). Sie trifft die Glasoberfläche unter dem Winkel  $\phi_1$ . In der Zeit  $t$  legt die von  $P$  ausgehende Elementarwelle die Strecke  $c_{n,1}t$  zurück und erreicht den Punkt  $B$  auf der Linie  $AB$ , die beide Medien voneinander trennt. In derselben Zeit legt die von  $A$  ausgehende Elementarwelle im Medium 2 die kürzere Strecke  $c_{n,2}t$  zurück. Die neue Wellenfront  $BB'$  verläuft nicht parallel zur ursprünglichen Wellenfront  $AP$ , weil die Geschwindigkeiten  $c_{n,1}$  und  $c_{n,2}$  unterschiedlich sind. Im Dreieck  $ABP$  ist

$$\sin \phi_1 = \frac{c_{n,1} t}{AB}$$



**Abbildung 28.26** Anwendung des Huygens'schen Prinzips der Elementarwellen auf ebene Wellen, die an der Grenzfläche zweier Medien gebrochen werden. Das Licht hat im Medium 1 (Luft) die Wellengeschwindigkeit  $c_{n,1}$  und im Medium 2 (Glas) die geringere Wellengeschwindigkeit  $c_{n,2}$ . Der Brechungswinkel ist hier kleiner als der Einfallswinkel.

oder

$$AB = \frac{c_{n,1} t}{\sin \phi_1} = \frac{c_{n,1} t}{\sin \theta_1}.$$

Dabei haben wir die Tatsache ausgenutzt, dass der Winkel  $\phi_1$  gleich dem Einfallswinkel  $\theta_1$  ist. Entsprechend gilt im Dreieck  $ABB'$

$$\sin \phi_2 = \frac{c_{n,2} t}{AB}$$

oder

$$AB = \frac{c_{n,2} t}{\sin \phi_2} = \frac{c_{n,2} t}{\sin \theta_2}.$$

Darin ist  $\theta_2 = \phi_2$  der Brechungswinkel. Wir setzen die Kehrwerte der beiden Ausdrücke für die Strecke  $AB$  gleich und erhalten

$$\frac{\sin \theta_1}{c_{n,1}} = \frac{\sin \theta_2}{c_{n,2}}. \quad (28.16)$$

Wenn wir  $c_{n,1} = c/n_1$  und  $c_{n,2} = c/n_2$  in diese Gleichung einsetzen und sie mit  $c$  multiplizieren, erhalten wir  $n_1 \sin \theta_1 = n_2 \sin \theta_2$ . Dies ist das Snellius'sche Brechungsgesetz.

Hinweis:

- In der Abb. 28.26 sollten die Wellenausbreitungsgeschwindigkeiten mit  $c_{n,1}$  und  $c_{n,2}$  bezeichnet sein, nicht mit  $v_{n,1}$  und  $v_{n,2}$ .

(Quelle: Tipler, P.A., Mosca G., Wagner, J. (Hrsg.): Physik für Wissenschaftler und Ingenieure, Springer Spektrum, Berlin Heidelberg 2015, 7. deutsche Auflage, ISBN 978-3-642-54165-0 (Print), ISBN 978-3-642-54166-7 (Online), DOI 10.1007/978-3-642-54166-7)

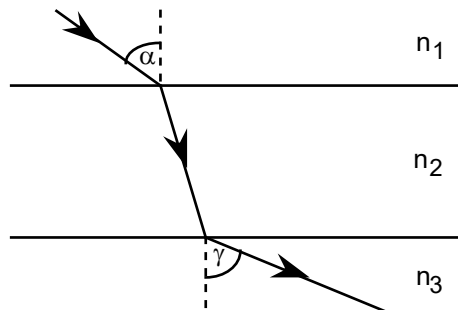
- 12.8 Eine Welle (z.B. eine Erdbebenwelle) trifft auf die Grenzfläche zweier Medien (z.B. zwei verschiedene Gesteinsschichten in der Erdkruste). Man beobachtet einen Einfallswinkel von  $42^\circ$  und einen Ausfallswinkel von  $36^\circ$ .

Beurteilen Sie, was sich über die Ausbreitungsgeschwindigkeiten der Welle in den beiden Medien aussagen lässt.

- 12.9 Eine Welle läuft mit der Ausbreitungsgeschwindigkeit  $v_1$  durch ein Medium und trifft auf die Grenzfläche zu einem Medium, in welchem die Ausbreitungsgeschwindigkeit  $v_2$  grösser ist, d.h.  $v_2 > v_1$ .
- Erklären sie mit Hilfe des Brechungsgesetzes, dass nur für genügend kleine Einfallswinkel  $\alpha$  ein Teil der Welle gebrochen wird.
  - Bestimmen Sie den sogenannten kritischen Einfallswinkel  $\alpha_k$ , ab welchem keine gebrochene Welle mehr auftritt.

- 12.10 (siehe nächste Seite)

- 12.10 Ein Lichtstrahl durchläuft drei Medien mit den Brechzahlen  $n_1$ ,  $n_2$  ( $n_2 < n_1$ ) und  $n_3$  ( $n_3 > n_2$ ). Der Winkel  $\alpha$  sei bekannt. Zudem seien die Brechzahlen  $n_1$ ,  $n_2$  und  $n_3$  so gewählt, dass ein Teil des Lichtstrahls wie gezeichnet ins dritte Medium hineingebrochen wird:



Zeigen Sie, dass der Winkel  $\gamma$  unabhängig ist vom Brechungsindex  $n_2$  des mittleren Mediums.

- 12.11 Eine Kreiswelle geht von einem Erregerzentrum  $Z$  aus, stößt auf ein geradliniges Hindernis und wird reflektiert.
- Zeichnen Sie die Wellenfronten der von  $Z$  ausgehenden Kreiswelle.
  - Zeichnen Sie mit Hilfe des Huygens'schen Prinzips die Wellenfronten der reflektierten Welle.
  - Zeigen Sie, dass das Zentrum  $Z'$  der reflektierten Wellenfronten das geometrische Spiegelbild von  $Z$  an der durch das Hindernis gebildeten Reflexionsgeraden ist.
- 12.12 Betrachten Sie eine ebene Welle, welche auf einen sphärischen (d.h. kugelschalenförmigen) Hohlspiegel trifft und an dessen Oberfläche reflektiert wird.

Konstruieren Sie mit Hilfe des Huygens'schen Prinzips die Form der Wellenfront der reflektierten Welle.

Hinweise:

- Betrachten Sie eine Projektion der Situation auf eine Ebene, in welcher die optische Achse (d.h. die durch den Kugelmittelpunkt und den Scheitelpunkt des Hohlspiegels verlaufende Symmetrieachse) liegt. In dieser Projektion erscheint der Hohlspiegel als Kreisbogen und die Fronten der einfallenden ebenen Welle als Geraden.
- Betrachten Sie den Zeitpunkt, zu welchem die einfallende Welle den Scheitelpunkt des Hohlspiegels erreicht. Zu diesem Zeitpunkt breiten sich bereits Elementarwellen aus, die bei der Reflexion in allen anderen Punkten des Hohlspiegels erzeugt wurden.
- Überlegen Sie sich, wie weit all diese Elementarwellen schon gekommen sind.
- Überlagern Sie all diese Elementarwellen zur neuen reflektierten Wellenfront.

## Lösungen

12.1 ...

12.2  $\lambda_{\text{Schall}} \approx 1 \text{ m}$

⇒ Ein grosse Teil der Schallwelle wird gebeugt, d.h. die Beugung ist stark ausgeprägt.

$\lambda_{\text{Licht}} \approx 500 \text{ nm}$

⇒ Ein sehr kleiner Teil der Lichtwelle wird gebeugt, d.h. die Beugung ist sehr schwach ausgeprägt.

12.3 ...

12.4 ...

12.5 Reflexion

- Ausfallswinkel = Einfallswinkel

- Frequenz bleibt gleich

- Wellenlänge bleibt gleich

Brechung

- Ausfallswinkel  $\neq$  Einfallswinkel

- Frequenz bleibt gleich

- Wellenlänge verändert sich

12.6 ...

12.7 ...

12.8 Es lässt sich nur eine Aussage machen über das Verhältnis der beiden Ausbreitungsgeschwindigkeiten.

$$\frac{v_2}{v_1} = \frac{\sin(36^\circ)}{\sin(42^\circ)} = 0.88$$

12.9 a)  $\sin(\alpha)$  kann keine Werte annehmen, die grösser als 1 sind.

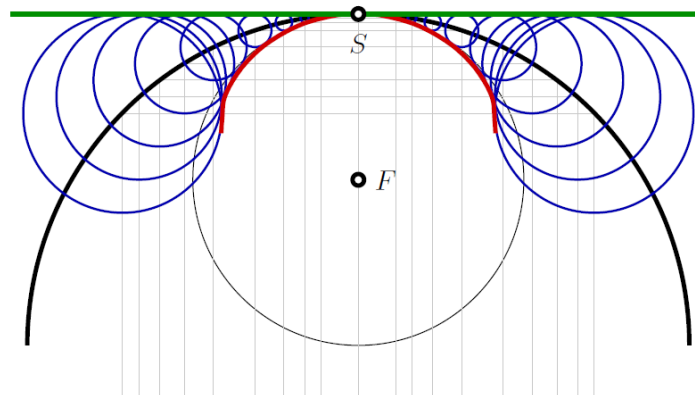
b)  $\alpha_k = \arcsin\left(\frac{v_1}{v_2}\right)$

12.10  $\gamma = \arcsin\left(\frac{n_1}{n_3} \sin(\alpha)\right)$ , d.h. unabhängig von  $n_2$

12.11 ...

12.12 (siehe nächste Seite)

- 12.12 Wir betrachten eine *ebene Welle*, welche auf einen Kugelhohlspiegel stösst und an dessen Oberfläche reflektiert wird. Die Situation ist in der folgenden Skizze dargestellt.



Um die *Wellen-Front* der *reflektierten Welle* mit Hilfe des Prinzips von HUYGENS-FRESNEL zu skizzieren, gehen wir nach folgenden Schritten vor.

- S1** Wir skizzieren einen Halbkreis (schwarz), welcher die Projektion des Kugelhohlspiegels auf die Ebene darstellt. Die *ebene Welle* läuft in der Skizze von unten nach oben ein.
- S2** Wir zeichnen, ausgehend vom *Scheitel-Punkt S* des Halbkreises nach unten, in regelmässigen Abständen ein paar horizontale Hilfslinien (grau) ein und verlängern diese jeweils von ihrem Schnittpunkt mit dem Halbkreis nach unten.
- S3** Wir betrachten nun den Zeitpunkt, wenn die einlaufende *ebene Welle* gerade den *Scheitel-Punkt S* in der Skizze erreicht hat. Wenn wir uns den Kugelhohlspiegel wegdenken, dann wäre die *Wellen-Front* jetzt auf der Höhe der grünen Linie.
- S4** Um alle Schnittpunkte der Hilfslinien (grau) mit dem Halbkreis (schwarz) zeichnen wir jeweils die Projektion einer *elementaren Kugel-Welle* (blau), dessen Peripherie bis zur grünen Linie reicht.
- S5** Die *reflektierte Wellen-Front* ist die Kurve (rot), welche sich innerhalb des Halbkreises an die *elementaren Kugel-Wellen* anschmiegt. Sie kann in der Nähe des *Scheitel-Punktes S* durch einen Kreis (schwarz) mit Mittelpunkt am vermeintlichen *Brenn-Punkt F* angenähert werden.

Die *reflektierte Welle* ist offensichtlich weder eine *ebene Welle*, noch verläuft sie exakt durch einen *Brenn-Punkt*.