

Aufgaben 5 Schwingungen Gedämpfte Schwingung

Lernziele

- die Analogie zwischen einer Drehschwingung und einer linearen Schwingung kennen.
- verstehen, wie eine Schwingung gedämpft werden kann.
- verstehen, wie ein mechanischer Dämpfer funktioniert.
- verstehen, dass alle natürlich ablaufenden Schwingungen gedämpft sind.
- wissen, wie die Stärke der Dämpfung die Bewegung eines Schwingers beeinflusst.
- die bei einer mechanischen, gedämpften Schwingung auftretenden Impuls- und Energieflüsse verstehen.
- mit der Modellierungssoftware Insight Maker ein einfaches systemdynamisches Modell erstellen und damit einfache Simulationen und Parameterstudien ausführen können.

Aufgaben

5.1 Vorgängiges Selbststudium

- a) Studieren Sie im Lehrbuch KPK 3 die folgenden Abschnitte:
- 1.7 Drehschwingungen: Hin- und herfließender Drehimpuls (Seiten 15 und 16, ohne Aufgaben)
 - 1.9 Die Dämpfung von Schwingungen (Seiten 18 bis 20)

Hinweis zum Abschnitt 1.7:

- Es geht hier nur darum, das Drehpendel als Experimentiergerät zur Untersuchung von gedämpften Schwingungen kennenzulernen. Drehbewegungen und physikalische Größen zu deren Beschreibung (Drehimpuls, Drehmoment, Trägheitsmoment) werden wir später im Kurs diskutieren.

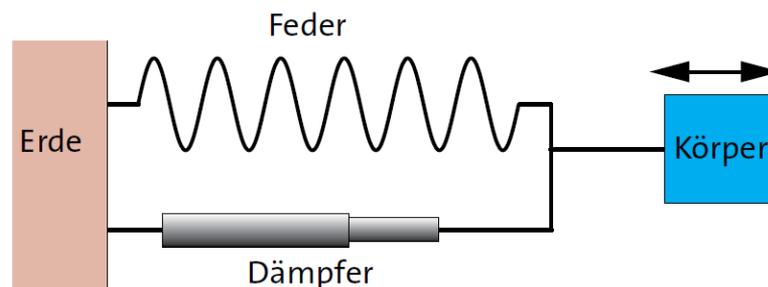
- b) Führen Sie in Moodle den [Test 5.1](#) durch.

5.2 Studieren Sie das folgende YouTube-Video:

- [Gedämpfte Schwingung Drehpendel](#) (1:29)

5.3 In dieser Aufgabe sollen Sie die Dynamik des gedämpften Federschwingers untersuchen.

Betrachten Sie also den folgenden gedämpften Federschwinger (Lehrbuch KPK 3, Abb. 1.29, Seite 18):



Das Koordinatensystem soll wie folgt festgelegt werden:

- Die Schwingung soll in x -Richtung erfolgen.
- Die positive x -Richtung soll nach rechts zeigen.
- Die Ruhelage soll bei $x = 0$ liegen.

Am Schwingkörper greifen zwei Kräfte an, die Federkraft F_F (Kraft, die die Feder ausübt) und die Dämpfungskraft F_D (Kraft, die der Dämpfer ausübt).

- a) Skizzieren Sie den Federschwinger, und zeichnen Sie die beiden Kräfte F_F und F_D ein. Berücksichtigen Sie dabei alle möglichen Fälle für die Richtungen der beiden Kräfte.
- b) Formulieren Sie für den Schwingkörper das (aus der Mechanik bekannte) Aktionsprinzip.

- c) Die in b) formulierte Gleichung enthält drei Grössen.
 Beurteilen Sie, ob und wie diese drei Grössen vom Ort x , der Geschwindigkeit v und der Beschleunigung a des Schwingkörpers abhängen.
 Setzen Sie dann die drei Ausdrücke in das Ergebnis von b) ein.

Der zeitliche Verlauf der Auslenkung x lautet bei schwacher und geschwindigkeitsproportionaler Dämpfung wie folgt (siehe Unterricht):

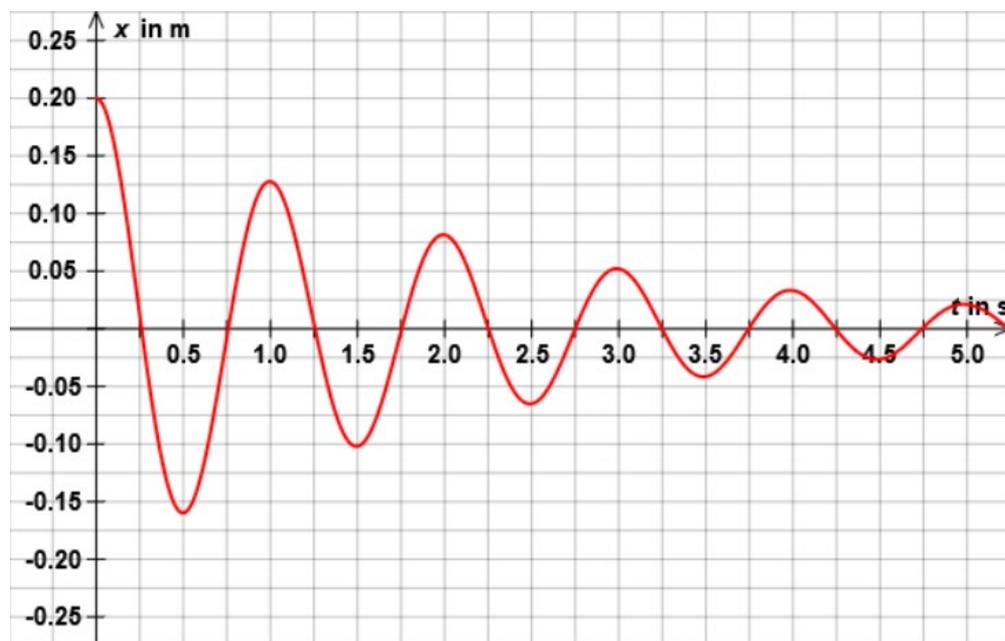
$$x = x(t) = \hat{x} e^{-\delta t} \sin(\omega_d t + \varphi)$$

wobei: $\delta := \frac{k}{2m}$

$$\omega_0 := \sqrt{\frac{D}{m}}$$

$$\omega_d := \sqrt{\omega_0^2 - \delta^2} \quad (\delta < \omega_0, \text{ schwache Dämpfung})$$

Für bestimmte Zahlenwerte der Grössen m , D , k , \hat{x} und φ sieht der Graf von $x = x(t)$ für $t \geq 0$ s wie folgt aus:



- d) Bestimmen Sie aus dem Grafen die konkreten Zahlenwerte für die Periode T_d und die Kreisfrequenz ω_d .
- e) Bestimmen Sie aus dem Grafen die Zeitpunkte/Zeitintervalle, zu/in welchen ...
- i) ... in der Feder keine Energie gespeichert ist.
 - ii) ... im Dämpfer keine Energie dissipiert wird.
 - iii) ... im Schwingkörper kein Impuls gespeichert ist.
 - iv) ... Impuls von der Feder in den Schwingkörper fliesst.
 - v) ... Impuls vom Schwingkörper in den Dämpfer fliesst.
 - vi) ... Impuls von der Feder in die Erde fliesst.
 - vii) ... Energie von der Feder in die Erde fliesst.
 - viii) ... Energie in den Dämpfer fliesst.

5.4 Bearbeiten Sie die Aufgabe 5.3 a) bis c) für den Fall ohne Dämpfung ($k = 0$ Ns/m).

5.5 (siehe nächste Seite)

- 5.5 Die Schwingung des gedämpften Federschwingers in der Aufgabe 5.3 soll systemdynamisch modelliert und simuliert werden.
- a) Erstellen Sie mit Insight Maker ein systemdynamisches Modell. Dabei sollen die folgenden Größen durch je einen Behälter modelliert werden:
- Impuls p des Schwingkörpers
 - Ort x des Schwingkörpers
 - Kinetische Energie W_{kin} des Schwingkörpers
 - Federenergie W_{F}
 - im Dämpfer dissipierte Energie W_{diss}
- Die Dämpfungskraft F_{D} soll proportional zur Geschwindigkeit v des Schwingkörpers sein, d.h. $F_{\text{D}} \sim v$ bzw. $F_{\text{D}} = -k \cdot v$ (k = Dämpfungskonstante)
- b) Simulieren Sie die gedämpfte Schwingung für verschiedene Werte der Dämpfungskonstanten k . Betrachten Sie dabei alle Fälle für die Stärke der Dämpfung (Lehrbuch KPK 3, Abb. 1.32, Seite 19). Stellen Sie jeweils die folgenden Größen je in einem gemeinsamen Diagramm dar:
- Ort x
 - Kinetische Energie W_{kin} , im Dämpfer dissipierte Energie W_{diss}