

Repetitions-Aufgaben 0 Algebra

Aufgaben

R0.1 Berechnen Sie die folgenden Ausdrücke:

a) 2^4

b) $(-2)^4$

c) -2^4

d) 3^{-4}

e) $\frac{5^{23}}{5^{21}}$

f) $\left(\frac{2}{3}\right)^{-2}$

R0.2 Berechnen Sie die folgenden Ausdrücke:

a) $2^4 \cdot 2^3$

b) $2^4 \cdot 2^{-3}$

c) $2^4 \cdot (-2)^{-3}$

d) $(2^3)^2$

e) $(2^{-3})^2$

f) $(-2^{-3})^{-2}$

g) $((-2)^{-3})^{-2}$

h) $-(2^{-3})^{-2}$

i) $\left(-\frac{1}{5}\right)^{-2}$

j) $\left(-\frac{3}{4}\right)^{-3}$

R0.3 Beurteilen Sie, ob die folgenden Aussagen wahr oder falsch sind:

a) $(p+q)^2 = p^2 + q^2$

b) $\sqrt{ab} = \sqrt{a} \sqrt{b}$

c) $\sqrt{a^2 + b^2} = a + b$

d) $\frac{1+ab}{b} = 1+a$

e) $\frac{1}{x-y} = \frac{1}{x} - \frac{1}{y}$

R0.4 Vereinfachen Sie die folgenden Ausdrücke:

a) $a^3 \cdot a^2$

b) $5^{n-1} \cdot 5^4$

c) $7^{n+1} \cdot 7^{n-1}$

d) $a^{x+5} : (a^x \cdot a^5)$

e) $(2a^3 \cdot 3a^2)^2$

f) $(a^2b)^{25} \cdot (ab^4)^{25}$

g) $\frac{10a^{-3}}{5a^2} \cdot 2a^3$

R0.5 Vereinfachen Sie die folgenden Ausdrücke:

a) $x^5 \cdot x^{-7}$

b) $\frac{x^8}{x^2}$

c) $(-y^{-3})^{-2}$

d) $(x-y)(x^2 + xy + y^2)$

e) $\frac{4x^2y^3 - 6x^3y^4}{2x^2y^2 - 3xy^3}$

f) $\frac{x-1 - \frac{x-1}{x}}{\frac{1}{x-1} + 1}$

R0.6 Vereinfachen Sie die folgenden Brüche:

a) $\frac{24a^2bc^2}{56abc}$

b) $\frac{uw}{uv + uw}$

c) $\frac{n^3 - n}{n^3 + n^2}$

R0.7 Vereinfachen Sie und schreiben Sie die folgende Ausdrücke als einen einzigen Bruch:

a) $\frac{1}{m+1} + \frac{m}{m+1}$

b) $\frac{2p}{15q} + \frac{8p}{9q}$

c) $\frac{1}{r^2} - \frac{1}{r^3}$

d) $d - \frac{nd-2}{n}$

e) $\frac{t+7}{3t-6} - \frac{t+4}{t^2-2t}$

f) $\frac{d-1}{18d} \cdot \frac{12d^2}{1-d}$

g) $\frac{\frac{u}{v}}{x}$

h) $\frac{\frac{x}{u}}{v}$

i) $\frac{2e-6f}{3e^2-9ef}$

$$j) \quad \frac{\frac{n}{n^2 - 1}}{\frac{1}{n+1} - \frac{1}{n-1}}$$

$$k) \quad \frac{x^2}{x^2 - 4} - \frac{x+1}{x+2}$$

R0.8 Harshbarger/Reynolds*: Kapitel 0, Algebraic Concepts
(Gescannte Seiten 2-55 und A1-A5 im File “Algebraic Concepts.pdf” auf Moodle)

Aufgaben in den Abschnitten

- 0.3 (p. 18-20)
- 0.5 (p. 34-36)
- 0.6 (p. 41-42)
- 0.7 (p. 48-49)
- Review Exercises (p. 51-54)
- Chapter Test (p. 54-55)

*Harshbarger, R.J. and Reynolds, J.J.: Mathematical Applications for the Management, Life, and Social Sciences; Houghton Mifflin Company, Boston / New York 2007, 8th edition, ISBN 978-0-618-73162-6

Lösungen

R0.1	a)	16	b)	16	c)	- 16
	d)	$\frac{1}{81}$	e)	25	f)	$\frac{9}{4}$

R0.2	a)	128	b)	2	c)	-2
	d)	64	e)	$\frac{1}{64}$	f)	64
	g)	64	h)	-64	i)	25
	j)	$-\frac{64}{27}$				

R0.3	a)	falsch	b)	wahr	c)	falsch
	d)	falsch	e)	falsch		

R0.4	a)	a^5	b)	5^{n+3}	c)	7^{2n}
	d)	1	e)	$36a^{10}$	f)	$a^{75} b^{125}$
	g)	$4a^2$				

R0.5	a)	$\frac{1}{x^2}$	b)	x^{10}	c)	y^6
	d)	$x^3 - y^3$	e)	$\frac{2xy(2 - 3xy)}{2x - 3y}$	f)	$\frac{(x - 1)^3}{x^2}$

R0.6	a)	$\frac{3ac}{7}$	b)	$\frac{w}{v+w}$	c)	$\frac{n-1}{n}$
------	----	-----------------	----	-----------------	----	-----------------

R0.7	a)	1	b)	$\frac{46p}{45q}$	c)	$\frac{r-1}{r^3}$
	d)	$\frac{2}{n}$	e)	$\frac{t+6}{3t}$	f)	$-\frac{2d}{3}$
	g)	$\frac{u}{vx}$	h)	$\frac{vx}{u}$	i)	$\frac{4f}{3e}$
	j)	$-\frac{n}{2}$	k)	$\frac{1}{x-2}$		

R0.8 siehe Harshbarger/Reynolds: Kapitel 0, Algebraic Concepts
(Gescannte Seiten 2-55 und A1-A5 im File “Algebraic Concepts.pdf” auf Moodle)