

7.4 Lösen Sie die folgenden quadratischen Gleichungen. Geben Sie für jede Gleichung die Lösungsmenge an.

a)	$9(x - 10) - x(x - 15) = x$	b)	$3(x^2 + 2) - x(x + 9) = 11$
c)	$y^3 + 19 = (y + 4)^3$	d)	$\frac{9x - 8}{4x + 7} = \frac{3x}{2x + 5}$
e)	$\frac{x^2}{x - 6} - \frac{6x}{6 - x} = 1$	f)	$\frac{8}{x^2 - 4} + \frac{2}{2 - x} = 3x - 1$

7.5 Lösen Sie die folgenden quadratischen Gleichungen, ohne die Lösungsformel zu verwenden. Geben Sie für jede Gleichung die Lösungsmenge an.

a)	$(x + 2)(x + 5) = 0$	b)	$(x - 8)(5x - 9) = 0$
c)	$x^2 - 3x = 0$	d)	$x^2 + 7x = 0$
e)	$4x^2 - 9 = 0$	f)	$100x^2 - 1 = 0$
g)	$3x^2 = 27$	h)	$x^2 = x$

7.6 Lösen Sie die folgenden quadratischen Gleichungen. Geben Sie für jede Gleichung die Lösungsmenge an.

a)	$(7 + x)(7 - x) = (3x + 2)^2 - (2x + 3)^2$	b)	$(x - 3)(2x - 7) = 1$
c)	$\frac{x - 4}{x - 5} = \frac{30 - x^2}{x^2 - 5x}$	d)	$\frac{x^2 - x - 2}{2 - x} = 1$
e)	$\frac{x^2 - 4}{x^2 - 4} = 0$	f)	$\frac{x^2 - 4}{x^2 - 4} = 1$

7.7 Die folgenden quadratischen Gleichungen enthalten einen Parameter p. Die Lösungsmenge der Gleichungen hängt daher vom Wert dieses Parameters ab.

Lösen Sie die Gleichungen nach x.

a)	$x^2 + x + p = 0$	b)	$3x^2 + px - p = 0$
----	-------------------	----	---------------------

7.8 Eine Parabel hat den Scheitelpunkt S und enthält den Punkt P.

Bestimmen Sie die Funktionsgleichung der entsprechenden quadratischen Funktion sowohl in der Scheitelpunktsform als auch in der allgemeinen Form.

a)	S(2 4)	P(-1 7)
b)	S(1 -8)	P(2 -7)

7.9 Eine Parabel enthält die drei Punkte P, Q und R.

Bestimmen Sie die Funktionsgleichung der entsprechenden quadratischen Funktion in der allgemeinen Form.

a)	P(-4 8)	Q(0 0)	R(10 15)
b)	P(1 -1)	Q(2 4)	R(4 8)

7.10 Bestimmen Sie zu den gegebenen Angebots- und Nachfragefunktionen f_A und f_N einer Dienstleistung die Gleichgewichtsmenge und den Gleichgewichtspreis:

a)	Angebot	$p = f_A(q) = \left(\frac{1}{4}q^2 + 10\right) \text{ CHF}$
	Nachfrage	$p = f_N(q) = (86 - 6q - 3q^2) \text{ CHF}$
b)	Angebot	$p = f_A(q) = (q^2 + 8q + 16) \text{ CHF}$
	Nachfrage	$p = f_N(q) = (-3q^2 + 6q + 436) \text{ CHF}$

- 7.11 Die Gesamtkosten $K(x)$ bei der Produktion von x Artikeln und der Ertrag $E(x)$ beim Verkauf von x Artikeln sind gegeben durch

$$K(x) = (2000 + 40x + x^2) \text{ CHF}$$
$$E(x) = 130x \text{ CHF}$$

Bestimmen Sie die Stückzahl(en) x für die Gewinnschwelle(n).

- 7.12 Die Gesamtkosten $K(x)$ bei der Produktion von x Artikeln und der Ertrag $E(x)$ beim Verkauf von x Artikeln sind gegeben durch

$$K(x) = (x^2 + 100x + 80) \text{ CHF}$$
$$E(x) = (160x - 2x^2) \text{ CHF}$$

Wieviele Artikel müssen hergestellt und verkauft werden, damit ein Gewinn von 200 CHF erzielt wird?

- 7.13 Entscheiden Sie, welche Aussagen wahr oder falsch sind. Kreuzen Sie das entsprechende Kästchen an. In jeder Aufgabe a) bis c) ist genau eine Aussage wahr.

a) Eine quadratische Gleichung ...

- ... hat keine Lösung, wenn sich der Scheitelpunkt des Grafen der entsprechenden quadratischen Funktion unterhalb der x -Achse befindet.
- ... hat immer eine oder zwei Lösungen.
- ... hat genau eine Lösung, falls der Scheitelpunkt des Grafen der entsprechenden quadratischen Funktion auf der x -Achse liegt.
- ... kann unendlich viele Lösungen haben.

b) Der Graf einer quadratischen Funktion ...

- ... ist eindeutig, wenn der Scheitelpunkt und ein weiterer Punkt des Grafen bekannt sind.
- ... ist eine Gerade, falls die entsprechende quadratische Gleichung genau eine Lösung hat.
- ... ist eine quadratische Gleichung.
- ... kann durch Lösen einer quadratischen Gleichung bestimmt werden.

c) Falls die Gesamtkostenfunktion quadratisch und die Gesamtertragsfunktion linear ist, dann ...

- ... ist die Gewinnfunktion linear.
- ... entspricht eine Gewinnschwelle der Lösung einer quadratischen Gleichung.
- ... gibt es immer genau eine Gewinnschwelle.
- ... kann der Scheitelpunkt des Grafen der Kostenfunktion unterhalb der x -Achse liegen.